

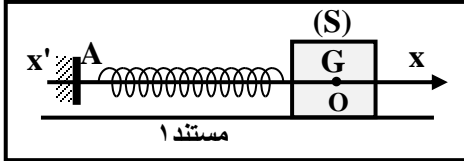
مسابقة في مادة الفيزياء
المدة: ساعة ونصف

يتكون هذا الاختبار من ثلاث تمارين إجبارية في ثلاث صفحات. يوصى باستخدام الآلات الحاسبة غير القابلة للبرمجة.

التمرين ١ (٧ علامات)

نذبذبات ميكانيكية

يتكون مذبذب ميكانيكي من جسيم (S) كتلته $m=50g$ وزنبرك (نابض) ذو كتلة مهملة وثابت قوة k . يوضع الزنبرك أفقيًا، متصلًا من أحد أطرافه إلى دعامة ثابتة A. والطرف الآخر متصل بالجسيم (S)، ينزلق الجسيم بدون احتكاك على سطح أفقي (مستند ١). عند الاتزان يكون مركز كتلة G للجسيم (S) موجودة عند نقطة O من المحور x.

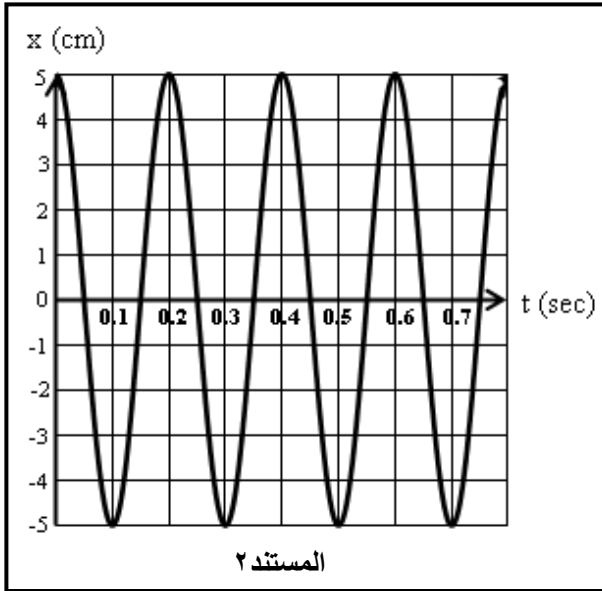


يُزاح (S) عن موضع توازنه في الاتجاه الإيجابي ثم يتم تحريره بدون سرعة ابتدائية عند اللحظة $t_0 = 0$. وبالتالي (S) يتذبذب ميكانيكيًا.

عند اللحظة t يكون موقع مركز الكتلة G هو $x = \overline{OG}$ والقيمة الجبرية لسرعتها $v = x' = \frac{dx}{dt}$.

- ✓ يعتبر المستوى الأفقي الذي يحتوي على G مستوى مرجعيًا لطاقة وضع الجاذبية.
الهدف من هذا التمرين هو إيجاد السرعة القصوى التي تصل إليها G.
✓ $\pi^2=10$

- ١) الطاقة الميكانيكية للنظام [مذبذب، الارض] محفوظة. لماذا؟
- ٢) اكتب، عند اللحظة t ، صيغة الطاقة الميكانيكية ME بدلالة x و m و k و V .
- ٣) اوجد المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية للمتغير x التي تحكم حركة G.
- ٤) استنتج، بدلالة m و k ، صيغة الزمن الدوري T. لنذبذبات.



- ٥) جهاز مناسب يبين x كدالة بالوقت (المستند ٢).
٥-١) بالعودة للمستند ٢ استخرج قيمة T_0 و x_0 .
٥-٢) استنتج قيمة k .
٥-٣) اثبت أن الطاقة الميكانيكية للمذبذب هي $ME=6.25 \times 10^{-2} J$.
٥-٤) باستخدام المستند ٢ استخرج لحظة التي عندها تكون طاقة الوضع المرنة تساوي ٠.
٥-٥) اوجد قيمة السرعة القصوى التي تصل إليها G.

دراسة حركة جسيم

لنفرض أن:

- مسار AOB، موجود بمستوى عمودي، يتكون من قسمين: AO مسار افقي مستقيم و OB مسار مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ عن المسار الافقي;
- (S_1) و (S_2) جسيما لهما ذات الكتلة $m=500g$.
- زنبرك (R) مهمل الكتلة وله ثابت قوة $k=50N/m$ ، طوله الاصلي ℓ_0 مثبت بدعامة من احدى طرفيه A والطرف الاخر حر.

المعطيات:

- المستوى الافقي المار ب O يعتبر المستوى المرجعي لطاقة وضع الجاذبية.
- $g = 10 \text{ m/s}^2$

(١) قذف الجسيم (S_1)

لقذف (S_1) ، نضغط الزنبرك (R) مسافة d ونضع (S_1) عند النهاية الحرة للزنبرك. وبعدها نحرر النظام (الزنبرك، (S_1)). عندما يعود الزنبرك الى طوله الاصلي ℓ_0 ، ينفصل (S_1) عن الزنبرك ويسير بسرعة \vec{V}_1 موازيا لمسار AO. بعد الانفصال عن الزنبرك يصطدم (S_1) بجسيم (S_2) واقف على المسار AO.

التصادم يتوقف (S_1) ويسير (S_2) بسرعة \vec{V}_2 موازية للمسار AO قيمته $V_2 = 5 \text{ m/s}$. يتحرك (S_1) و (S_2) على المسار AO بدون وجود قوة احتكاك.

(١-١) بتطبيق قانون حفظ كمية الحركة خلال التصادم، اوجد قيمة V_1 للسرعة \vec{V}_1 .

(٢-١) استنتج أن التصادم بين (S_1) و (S_2) هو تصادم مرن.

(٣-١) اوجد قيمة d.

(٢) حركة (S_2) على المسار المائل OB

عند اللحظة $t_0=0s$ يبدأ (S_2) بالحركة على المسار المائل OB بسرعة ابتدائية

$\vec{V}_0 = V_0 \vec{i} = 5 \vec{i} \text{ (m/s)}$ حيث أن \vec{i} هي متجه الوحدة للمحور x موازيا للمسار OB. بهذا الجزء من المسار يتأثر (S_2)

بقوة احتكاك ثابتة \vec{f} واتجاهها بعكس اتجاه الحركة.

(٢-١) اكتب أسماء القوى المؤثرة على (S_2) على طول المسار OB.

(٢-٢) اثبت أن مجموع القوى المؤثرة على (S_2) خلال حركته على المسار OB يمكن أن تكتب بالشكل الاتي: $\Sigma \vec{F}_{ext} =$

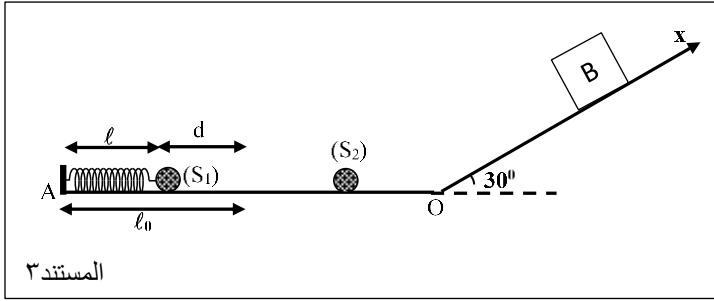
$$-(f + mgsin\alpha)\vec{i}$$

(٢-٣) صيغة كمية الحركة ل (S_2) على المسار OB هي

$$\vec{P} = (-5t + 2.5)\vec{i} \text{ (وحدة القياس الدولية)}$$

(٢-٣-١) احسب الزمن Δt اللازم ل (S_2) حتى تقف.

(٢-٣-٢) إذا علمنا أن $\frac{d\vec{P}}{dt} = \Sigma \vec{F}_{ext}$ اوجد قيمة f لقوة الاحتكاك \vec{f} .



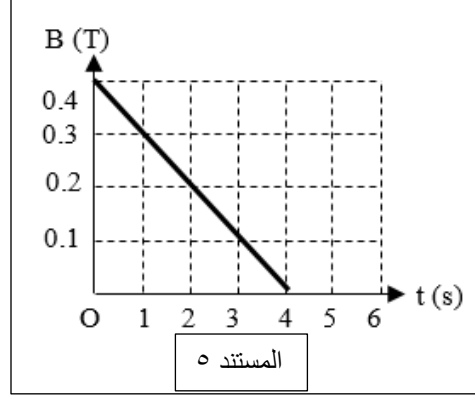
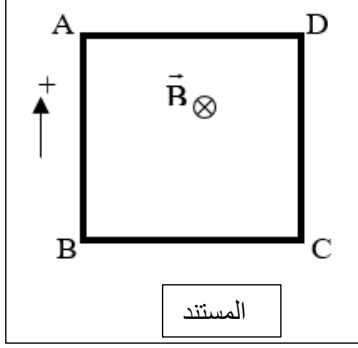
المستند ٣

التمرين ٣ (٦ علامات)

الحث الكهرومغناطيسي

الهدف من هذا التمرين هو إيجاد اتجاه تيار كهربائي حثي بملف مربع الشكل بطريقتين مختلفتين.

وضعت حلقة مربعة الشكل ABCD، طول ضلعها 10cm ومقاومتها $r=10\Omega$ ، في مجال مغناطيسي منتظم شدته \vec{B} واتجاهه عاموديا على مساحة الحلقة (المستند ٤). قيمة المجال المغناطيسي B تتغير بدلالة الزمن كما هو موضح بالمستند ٥.



- (١) تيار كهربائي حثي يمر في الملف بالفترة الزمنية $[0, 4s]$. لماذا؟
- (٢) حدد بتطبيق قانون لنتز اتجاه التيار الحثي في الملف بالفترة $[0, 4]$.
- (٣) اثبت أن صيغة المجال المغناطيسي B بالفترة الزمنية $[0, 4]$ هي $B = -0.1t + 0.4$.
- (٤) وفقا للاتجاه الموجب الموجود بالمستند ٤ اوجد صيغة التدفق المغناطيسي كدالة بالزمن.
- (٥) استنتج قيمة القوة الدافعة الكهربائية الحثية e.
- (٦) إذا علمنا أن التيار الحثي i الذي يعبر الملف يعطي بالشكل التالي $i = e/r$ ، احسب قيمة i.
- (٧) قارن بين اتجاه التيار المحدد بالجزء ٢ والمحدد بالجزء ٦.