

الاسم:
الرقم:

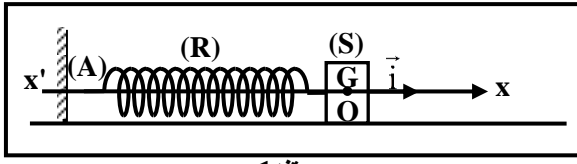
مسابقة في مادة الفيزياء
المدة: ثلاث ساعات

تتألف هذه المسابقة من أربعة تمارين، موزعة على أربعة صفحات.
يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة.

التمرين 1: (8 علامات) اهتزازات ميكانيكية

يهدف هذا التمرين الى دراسة اهتزازات نواس مرن أفقي. يتكون هذا النواس من:

- جسيم (S) كتلته m ؛
- نابض (R) ذو حلقات متباعدة، كتلته مهملة وثابت صلادته $k = 160 \text{ N/m}$.



ثبتنا النابض (R) من طرفه (A) بدعامة والطرف الاخر متصل بـ (S).
يستطيع (R) الانزلاق على سكة افقية بينما يتحرك مركز ثقله G على محور افقي ذو سهم وحدي \vec{i} .

عند الاتزان، يتطابق (G) مع المصدر (O) للمحور $x'x$. (مستند 1)
يؤخذ السطح الافقي الذي يحتوي G كمستوى مرجعي للطاقة الكامنة للجاذبية.
معطيات: $\pi^2 = 10$.

1- اهتزازات حرة غير مخمدة

بلحظة $t_0 = 0$ ، أبعدنا G الى الشمال بإزاحة $x_0 = -2\sqrt{2}$ ثم أطلقناه بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0 = v_0 \vec{i}$ حيث $v_0 < 0$. يهز (S) بدون احتكاك بإزاحة قصوى $X_m = 4 \text{ cm}$ وبزمن دوري خاص $T_0 = 0.35 \text{ s}$.

بلحظة (t)، احداثي G هو $x = \overline{OG}$ ؛ والقيمة الجبرية لسرعته هي $v = \frac{dx}{dt}$.

(1-1) احسب الطاقة الميكانيكية لجهاز [(S)، نابض، أرض].

(2-1) أنشئ المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية بـ x، التي تحكم حركة G.

(3-1) الحل لهذه المعادلة التفاضلية يكتب على الشكل $x = X_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ حيث φ هي ثابتة.

(1-3-1) حدد صيغة الزمن الدوري الخاص T_0 كدالة من m و k.

(2-3-1) استنتج قيمة m.

(3-3-1) حدد قيمة φ .

(4-1) مستخدماً مبدأ إنحفاظ الطاقة الميكانيكية، برهن أن

$$\left(\frac{T_0}{2\pi}\right)^2 v_0^2 = X_m^2 - x_0^2.$$

(5-1) استنتج قيمة v_0 .

(6-1) لكي نتحقق من قيمة ثابت الصلادة k، أعدنا التجربة السابقة معلقين بالنابض على التتابع، جسيمات بكتل مختلفة. نفس لكل قيمة لـ m، القيمة المناسبة للزمن

الدوري الخاص T_0 . يقوم جهاز خاص برسم منحى T_0 كدالة من \sqrt{m} . (مستند 2).

(1-6-1) حدد، مستخدماً المستند 2، صيغة T_0 كدالة من \sqrt{m} .

(2-6-1) استنتج قيمة k.

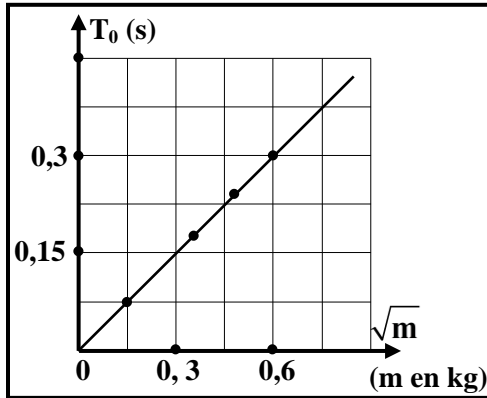
2- اهتزازات قسرية

قوى الاحتكاك ليست مهملة. يتصل الان الطرف A للنابض بهزاز ذو تردد متغير « f » يهز بنفس اتجاه النابض. نلاحظ ان الازاحة القصوى لاهتزازات (S) تتغير مع « f » وتصل الى قيمتها العظمى عند تردد $f_1 = 2.86 \text{ Hz}$.

(1-2) سمّ المثير (exciter) و المثار (resonator).

(2-2) سمّ الظاهرة الفيزيائية التي حدثت عندما $f = f_1$.

(3-2) استنتج مجدداً قيمة k.

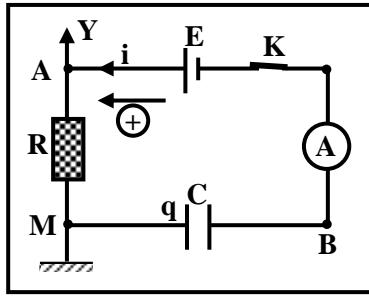


مستند 2

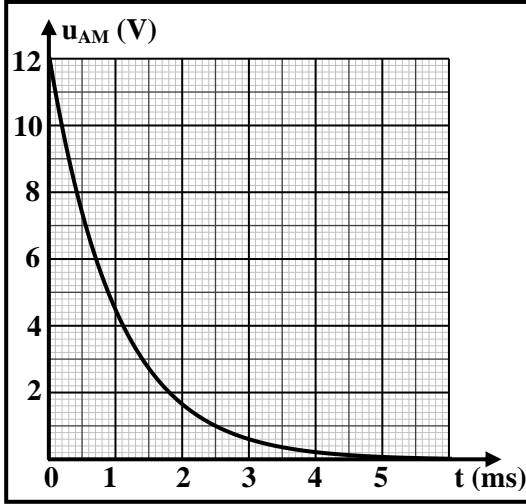
التمرين 2: (8 علامات)

تحديد قيمة مواسعة المكثف

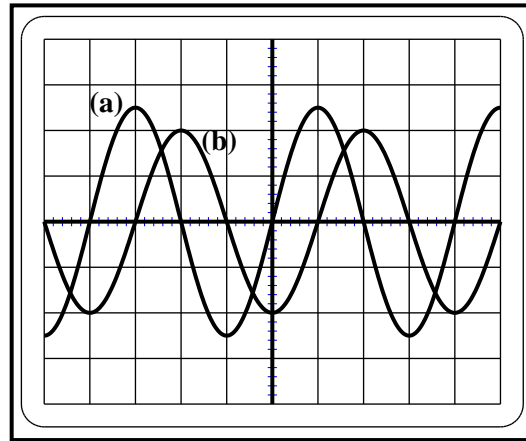
هدف هذا التمرين هو تحديد بطريقتين مختلفتين، المواسعة C لمكثف. وضعنا لهذا الهدف: مكثف بمواسعة C بداية غير مشحون، ناقل أومي مقاومته R ، فاصل K ، أميتر (A) مقاومته مهملة ومولد (G).



مستند 3



مستند 4



مستند 5

1- التجربة الاولى
(G) يعطي توترا ثابتاً $u_{AB} = E = 12 \text{ V}$. علقنا على التسلسل المكثف، الناقل الأومي والأميتر (A) على طرفي G . (مستند 3).
بلحظة $t_0 = 0$ ، أغلقنا K ، فسرى في الدارة تيار شدته i ويشير الأميتر الى القيمة $I_0 = 0.012 \text{ A}$. يُستخدم مرسام لتظهير تطور التوتر u_{AM} على طرفي الناقل الأومي عبر الزمن (مستند 4).

1-1 أنشئ المعادلة التفاضلية التي تحكم تغيرات التوتر $u_C = u_{MB}$.

2-1 استنتج ان المعادلة التفاضلية بـ i هي: $i + RC \frac{di}{dt} = 0$.

3-1 الحل لهذه المعادلة التفاضلية هو على الشكل: $i = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$. حيث

I_0 و τ هم ثوابت. برهن ان $I_0 = \frac{E}{R}$ و $\tau = RC$.

4-1 مستخدما المستند 4:

1-4-1 برهن ان قيمة R هي $1 \text{ k}\Omega$ ؛

2-4-1 حدد قيمة τ ؛

3-4-1 استنتج قيمة C .

2- التجربة الثانية

(G) يعطي على طرفيه توترا متناوبا جيبيبا. يسمح مرسام، معلق في الدارة بتظهير، على القناة (Y_1) التوتر u_{AM} وعلى القناة (Y_2) التوتر u_{MB} ، ضغطنا على زر لقناة (INV) (Y_2). يظهر المستند 5 منحنيات التوترات u_{AM} و u_{MB} .

معطيات: $\pi = 3.125$

معايير المرسام هي:

• الحساسية الافقية: 2.5 ms/div

• الحساسية العمودية: 5 V/div للقناة (Y_1) و 10 V/div للقناة (Y_2)

1-2 لماذا يمثل المنحنى (b) التوتر u_{MB} ؟

2-2 احسب الزمن الدوري للتوتر المعطى بـ (G) واستنتج النبض ω .

3-2 احسب القيم العظمى للتوترين u_{AM} و u_{MB} .

4-2 احسب فرق الطور ϕ بين التوتر u_{MB} وشدة التيار i .

5-2 اذا كانت صيغة شدة التيار i هي: $i = I_m \cos \omega t$.

1-5-2 حدد الصيغ لـ u_{AM} و u_{MB} كدالة من الزمن t ؛

2-5-2 احسب I_m .

6-2 استنتج قيمة C .

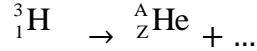
التمرين 3: (7 علامات)

تحديد عمر سائل

التريتيوم ${}^3_1\text{H}$ هو نظير مشع للهيدروجين. يتولد التريتيوم في طبقات الجو العليا بالإشعاع الكوني ويصل إلى الأرض بالمطر. يمكن استخدام التريتيوم لتحديد عمر سوائل تحتوي هذا النظير الهيدروجيني. في هذا التمرين، نريد تحديد عمر سائل معبأ في قارورة قديمة مستخدمين نشاط التريتيوم.

1. تناقص النشاط الإشعاعي لتريتيوم

التريتيوم هو باعث بيتا سلبي (β^-). يضمحل ليعطي أحد نظائر الهليوم بدون انبعاث إشعاع غاما. (1-1) اكمل معادلة تناقص التريتيوم محدد قيم Z و A .



(2-1) لماذا تولد نواة الهليوم في الحالة الأساسية (fundamental)؟

(3-1) يصحب هذا الاضمحلال جزيء. استفاءً لقانون ما. سمّ هذا الجزيء وهذا القانون.

2. تحديد الزمن الدوري للنشاط الإشعاعي لتريتيوم

معنا عينة نظير مشع لتريتيوم ${}^3_1\text{H}$. بلحظة $t_0 = 0$ ، عدد النوى الموجودة في هذه العينة هو N_0 .

النشاط (A) للعينة المشعة تمثل عدد الاضمحلالات بوحدة الزمن. يُعطى النشاط بلحظة t بالصيغة التالية: $A = -\frac{dN}{dt}$ حيث N هو عدد

النوى المتبقية (غير المضمحلة) بلحظة t .

(1-2) برهن ان المعادلة التفاضلية من الدرجة الاولى التي تصف تغيرات N هي:

$$\frac{dN}{dt} + \lambda N = 0 \quad \text{حيث } \lambda \text{ هو ثابت التناقص الإشعاعي للنظير المشع.}$$

(2-2) برهن ان $N = N_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ هو حل للمعادلة التفاضلية السابقة، حيث $\tau = \frac{1}{\lambda}$.

(3-2) استنتج ان صيغة النشاط تعطى بـ $A = A_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ حيث A_0 هو النشاط الابتدائي للعينة.

(4-2) احسب A كدالة من A_0 عندما $t = \tau$.

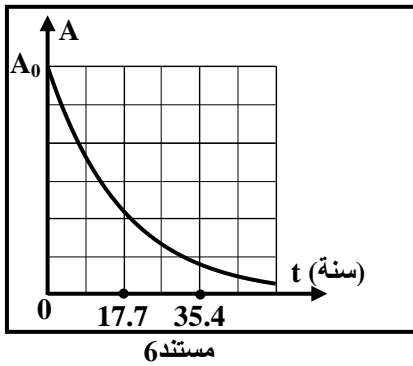
(5-2) يُظهر المستند 6 نشاط عينة تريتيوم كدالة زمنية.

(1-5-2) برهن ان $\tau = 17.7$ سنة.

(2-5-2) استنتج قيمة نصف-عمر (الزمن الدوري الإشعاعي) التريتيوم.

3. تحديد عمر السائل

فتحت للتو (في 2018) قارورة قديمة تحتوي سائلا ما. وجدنا ان نشاط التريتيوم في هذا السائل هو 10.4% من نشاط ابتدائي لنفس السائل المحضر الآن. حدد سنة انتاج السائل في القارورة القديمة.



التمرين 4: (7 علامات) الحث الكهرومغناطيسي

يهدف التمرين الى تحديد القيمة B لمجال مغناطيسي موحد \vec{B} .

اعتمادنا نابضاً، ثابت صلادته k وكتلته مهملة، موصولاً من طرفه الاعلى بدعامة ثابتة. يتصل طرفه الاسفل بقضيب نحاسي MN طوله ℓ وكتلته m . عند الاتزان، استطالة النابض هي ΔL_0 ومركز كتلة القضيب G يتطابق مع المصدر O للمحور العمودي المتجه للأسفل $x'Ox$ ذو سهم وحدي \vec{i} .

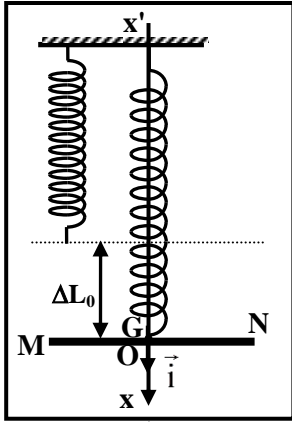
1- دراسة حالة الثبات

(1-1) سمّ القمى الخارجية التي تؤثر على القضيب في موقع اتزانه.

(2-1) أنشئ العلاقة بين ΔL_0 و k, g, m .

2- حث كهرومغناطيسي

يستطيع القضيب MN الانزلاق بدون احتكاك على سكتين معدنيتين (PP') و (QQ') عموديتين. خلال الانزلاق، يبقى القضيب عمودياً على السكتين. تفصل السكتين مسافة ℓ ؛ مكثف بمواسعة C موصول بين P و Q . نفترض ان مقاومة القضيب والسكتين مهملة. وضعت المجموعة في مجال مغناطيسي موحد \vec{B} ، أفقي ومتعامد مع سطح السكتين. عند موقع الاتزان، يكون G على مسافة d من (PQ) (مستند7). سحبنا القضيب عمودياً للأسفل مسافة X_m ، ثم تركناه بدون سرعة ابتدائية، يهز G اذا حول موقع التوازن O



مستند7

بلحظة t ، يعرف G باحداثيته $x = \overline{OG}$ وبالقيمة الجبرية لسرعته $v = \frac{dx}{dt}$.

(1-2) اعتماداً للاتجاه الموجب الذي يشير اليه المستند8، برهن ان صيغة الدفع المغناطيسي خلال المساحة $MNPQ$ يعطي

$$\phi = B\ell d - B\ell x$$

(2-2) استنتج صيغة قوة الدفع الكهربائية "ع" المحدثة في القضيب كدالة من B, ℓ و v .

(3-2) اذا كان $u_C = u_{QP} = e$ ، برهن ان صيغة شدة التيار الكهربائي المحدث في الدارة $MNQP$ هو: $i = C \cdot B \cdot \ell \cdot \frac{dv}{dt}$.

3- اهتزازات حرّة

يخضع القضيب الى قوة كهرومغناطيسية (قوة لابلاس Laplace)

$$\vec{F} = -B^2 \ell^2 C \frac{dv}{dt} \vec{i}$$

(1-3) مطبقاً القانون الثاني لنيوتن $\sum \vec{ex} = m \cdot x'' \vec{i}$ ، برهن ان المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية بـ x التي تحكم حركة القضيب تعطى

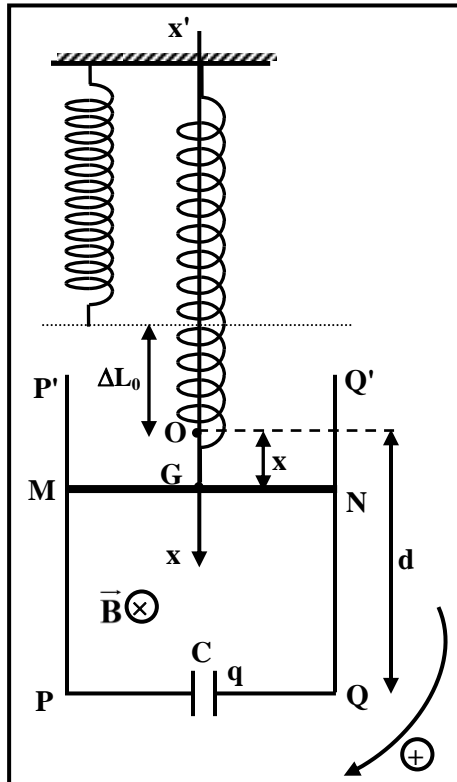
$$x'' + \frac{k}{m + B^2 \ell^2 C} x = 0$$

(2-3) حدد مبرراً طبيعة حركة القضيب.

(3-3) استنتج صيغة الزمن الدوري الخاص T_0 لاهتزازات القضيب.

(4-3) الفترة الزمنية لعشرة اهتزازات هي 4.69s، حدد قيمة B ،

اذا كان $m = 10 \text{ g}$ ، $\ell = 10 \text{ cm}$ ، $C = 8 \text{ mF}$ و $k = 1.8 \text{ N/m}$



مستند8