

عدد المسائل: خمس	مسابقة في مادة الرياضيات	الاسم:
	المدة: ساعتان	الرقم:

إرشادات عامة: - يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة أو اختزان المعلومات أو رسم البيانات.
- يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه دون الالتزام بترتيب المسائل الواردة في المسابقة.

I - (ثلاث علامات)

في الجدول الآتي يوجد لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة.
أكتب رقم السؤال وجد إجابته الصحيحة. برّر إجابتك.

N°	السؤال	الاجابات المقترحة		
		a	b	c
1	$\frac{1}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{6}{7} =$	0	$\frac{1}{21}$	$\frac{6}{7}$
2	$(3 + \sqrt{5})^2 - 14 =$	$9 + \sqrt{5}$	0	$6\sqrt{5}$
3	هي العلامات الخمس على عشرين التي حصل عليها سامي. متوسط علاماته هو:	13	14	14,5

II - (خمس علامات ونصف)

نعطي $A(x) = (3x - 2)^2 - (2x - 1)(3x - 2)$ و $B(x) = 9x^2 - 4$.

(١) أ- تحقّق أن $A(x) = (3x - 2)(x - 1)$.

ب- حلّ المعادلة $A(x) = 0$.

(٢) حلّ $B(x)$.

(٣) لتكن $F(x) = \frac{(3x - 2)(3x + 2)}{A(x)}$.

أ- ما هي قيم x ، التي تجعل $F(x)$ معرفة؟

ب- بسّط $F(x)$.

ج- هل للمعادلة $F(x) = -12$ حلّ؟ برّر إجابتك.

III - (خمس علامات ونصف)

(١) حلّ نظام المعادلات التالي:
$$\begin{cases} 2x + 5y = 50\,000 \\ 2x + 3y = 38\,000 \end{cases}$$

(٢) اشترى أستاذان وخمسة تلاميذ بطاقات دخول إلى أحد المتاحف، ودفعوا 50 000 LL، كما اشترى أربعة أساتذة وستة تلاميذ

بطاقات دخول إلى المتحف نفسه ودفعوا 76 000 LL.

أ- بيّن أن نظام المعادلات الموجود في السؤال الاول يمثل النص الوارد أعلاه.

ب- جد سعر بطاقة الدخول لأستاذ واحد وسعر بطاقة الدخول لتلميذ واحد.

IV - (أربع علامات)

نعطي الأعداد $A = (x+1)^2 + y^2$ و $B = 2(x-1)^2 + 2(y-4)^2$ (حيث أن x و y هي أعداد حقيقية)

نأخذ في ما يلي $x = 4$ و $y = 0$

(١) أ- أحسب A و B .

ب- تحقق أن $B = 2A$.

(٢) لتكن $C = \frac{A}{B}$. أحسب C .

(٣) لتكن $D = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{18}}{2\sqrt{2}}$.

تحقق أن D هو عدد صحيح.

(٤) برهن أن $C \times D = 1$.

V - (علامتان)

نعطي الأعداد $a = 6$ ، $b = 4$ ، $c = 2\sqrt{13}$ و $d = \frac{16}{\sqrt{13}}$.

(١) برهن أن $a^2 + b^2 = c^2$.

(٢) تأكد أن $c = \frac{32}{d}$.