

عدد المسائل: ثلاث

مسابقة في مادة الرياضيات
المدة: ساعة واحدة

الاسم:
الرقم:

ملاحظة: - يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة او اختزان المعلومات او رسم البيانات.
- يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه (دون الالتزام بترتيب المسائل الواردة في المسابقة).

I- (خمس علامات)

$$(١) \text{ حل النظام التالي: } \begin{cases} 2x + y = 80 \\ 1.7x + 2.7y = 105 \end{cases}$$

(٢) يبلغ السعر الأساسي لقميصين وحزام 80 ألف ليرة لبنانية.

أعلن المتجر عن حسم نسبته 15% على سعر القميص و 10% على سعر الحزام، فأصبح سعر قميصين وثلاثة أحزمة 105 آلاف ليرة لبنانية.

(أ) برهن أن النظام في السؤال (١) يمثل هذا النص.

(ب) جد السعر الأساسي للقميص الواحد والسعر الأساسي للحزام الواحد.

(ج) اشترى نديم أربع قمصان وثلاثة أحزمة بعد الحسم. كم دفع بدلاً لذلك؟

II- (خمس علامات)

يمثل الجدول التالي عدد الفتيان والفتيات في شعبة الاجتماع والاقتصاد وشعبة الآداب والإنسانيات في إحدى الثانويات.

الإجمالي	اجتماع واقتصاد	آداب وإنسانيات	
		x	فتيان
26	y		فتيات
		20	الإجمالي

عدد الفتيان في شعبة الاجتماع والاقتصاد يساوي ضعف عدد الفتيان في شعبة الآداب والإنسانيات.

عدد الفتيات في شعبة الآداب والإنسانيات يزيد 4 على عدد الفتيان في هذه الشعبة.

(١) جد x و y.

نفترض فيما يلي أن $x = 8$ و $y = 14$.

(٢) انسخ الجدول أعلاه وأكمه.

(٣) تم اختيار طالب بشكل عشوائي من هاتين الشعبتين.

(أ) احسب احتمال أن يكون الطالب المختار فتى في شعبة الآداب والإنسانيات.

(ب) علماً أن الطالب المختار فتى، فما احتمال أن يكون في شعبة الاجتماع والاقتصاد؟

(ج) احسب احتمال أن يكون الطالب المختار فتاة أو في شعبة الآداب والإنسانيات.

III- (عشر علامات)

لتكن f الدالة المعرفة على $]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = -x + 2 - \frac{1}{x-1}$ وليكن (C) بيان هذه الدالة في

المستوي الإحداثي.

(١) احسب $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ، ثم استنتج مُقاربًا (Δ) للبيان (C).

(٢) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(٣) برهن أن المستقيم (d) ذا المعادلة $y = -x + 2$ يمثل مُقاربًا للبيان (C).

(٤) جد إحداثيات النقطة I، نقطة تقاطع مُقاربيّ البيان (C).

(٥) برهن أن $f'(x) = \frac{x(2-x)}{(x-1)^2}$ وانشئ جدول التغير للدالة f .

(٦) ارسم (Δ) ، (d) و (C).

(٧) أ) برهن أن المعادلة $y = -2x + 3$ تمثل معادلة المستقيم الذي يصل رأسيّ البيان (C) ويمر بالنقطة I.

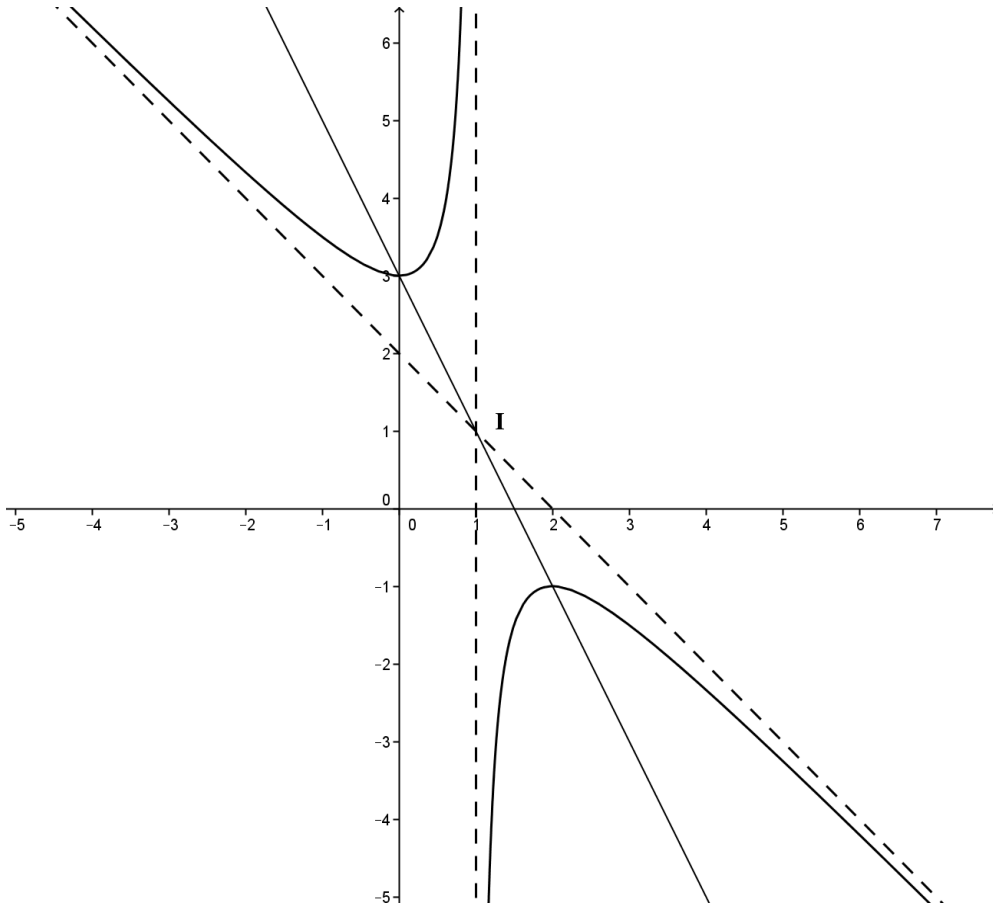
ب) حل المتباينة $f(x) < -2x + 3$.

QI	Answers	M
1	$x = 30$ and $y = 20$	1.5
2a	Let x be the price of a shirt and y the price of a belt. x and y verify the system	1.5
2b	The price of a shirt is 30 000 LL and the price of a belt is 20 000 LL	1
2c	$4(30\,000 \times 0.85) + 3(20\,000 \times 0.9) = 156\,000$ Nadim should pay 156 000 LL	1

QII	Answers	M																
1	$x + x + 4 = 20$ and $x + 4 + y = 26$; Hence $x = 8$ and $y = 14$.	1																
2	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th></th> <th>Hum</th> <th>Eco</th> <th>Total</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Boys</td> <td>8</td> <td>16</td> <td>24</td> </tr> <tr> <td>Girls</td> <td>12</td> <td>14</td> <td>26</td> </tr> <tr> <td>Total</td> <td>20</td> <td>30</td> <td>50</td> </tr> </tbody> </table>		Hum	Eco	Total	Boys	8	16	24	Girls	12	14	26	Total	20	30	50	1
	Hum	Eco	Total															
Boys	8	16	24															
Girls	12	14	26															
Total	20	30	50															
3a	$P(B \cap H) = \frac{8}{50} = \frac{4}{25}$.	1																
3b	$P(E/B) = \frac{16}{24} = \frac{2}{3}$.	1																
3c	$P(G \cup H) = P(G) + P(H) - P(G \cap H) = \frac{26}{50} + \frac{20}{50} - \frac{12}{50} = \frac{17}{25}$.	1																

QIII	Answers	M																		
1	$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty$ and $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty$. The line with equation $x = 1$ is an asymptote to (C).	1.5																		
2	$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ and $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$.	1																		
3	$\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (-x + 2)) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-1}{x-1} = 0$ and $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (-x + 2)) = 0$. The line with equation $y = -x + 2$ is an asymptote to (C).	1																		
4	For $x = 1, y = 1$; then $I(1; 1)$.	1																		
5	$f'(x) = -1 + \frac{1}{(x-1)^2} = \frac{-x^2 + 2x - 1 + 1}{(x-1)^2} = \frac{x(2-x)}{(x-1)^2}$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>$-\infty$</th> <th>0</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>$+\infty$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>— 0 +</td> <td style="border-left: 3px double black;"></td> <td>+ 0 —</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$\nearrow 3$</td> <td style="border-left: 3px double black;">$+\infty$</td> <td>$\nwarrow -1$</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </tbody> </table>	x	$-\infty$	0	1	2	$+\infty$	$f'(x)$		— 0 +		+ 0 —		$f(x)$	$+\infty$	$\nearrow 3$	$+\infty$	$\nwarrow -1$	$-\infty$	1.5
x	$-\infty$	0	1	2	$+\infty$															
$f'(x)$		— 0 +		+ 0 —																
$f(x)$	$+\infty$	$\nearrow 3$	$+\infty$	$\nwarrow -1$	$-\infty$															

6



2

a

The points with coordinates $(1 ; 1)$, $(0 ; 3)$ and $(2 ; -1)$ belong to line $y = -2x + 3$.

1

7

b

$f(x) < -2x + 3$; that is (C) is below line $y = -2x + 3$:

so $x \in]-\infty; 0[\cup]1, 2[$

1