


المادة: الرياضيات الشهادة: الثانوية العامة الفرع: العلوم العامة نموذج رقم - ٤ - المدة: أربع ساعات	الهيئة الأكاديمية المشتركة قسم: الرياضيات	 المركز العلمي للبحوث والابتكار
---	--	---

نموذج مسابقة (يراعي تعليق الدروس والتوصيف المعدل للعام الدراسي ٢٠١٦-٢٠١٧ وحتى صدور المناهج المطورة)

ملاحظة: يُسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة أو اختزان المعلومات أو رسم البيانات.
 يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه (دون الالتزام بترتيب المسائل الوارد في المسابقة).

I- (2pts)

On considère les deux suites $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et (V_n) , définies par :

$$U_0 = 2, \quad U_{n+1} = \sqrt{U_n} \text{ et } V_n = \ln(U_n) \text{ pour tout } n \in \mathbb{N}.$$

- 1) a- Montrer par récurrence que $U_n > 1$ pour tout $n \in \mathbb{N}$.
 b- Dédire que pour tout $n \in \mathbb{N}$, V_n est définie et $V_n > 0$.
- 2) a- Montrer que (V_n) est une suite géométrique dont on déterminera la raison et le premier terme.
 b- Exprimer V_n en fonction de n , puis déduire U_n en fonction de n .
 c- Montrer que (U_n) est décroissante. Dédire que (U_n) est convergente et calculer sa limite.
- 3) Soit $S = V_0 + V_1 + \dots + V_n$ et $P = U_0 \times U_1 \times \dots \times U_n$.
 Calculer S en fonction de n , et déduire P en fonction de n .

II- (3pts)

Dans la section audio-visuelle d'un grand magasin, des séries d'une certaine marque de TV et de DVD sont placées en vente.

- la probabilité qu'un client achète la TV est de $\frac{3}{5}$.
- la probabilité qu'un client achète le DVD sachant qu'il a acheté la TV est de $\frac{7}{10}$.
- la probabilité qu'un client achète le DVD est de $\frac{23}{50}$.

Soit T l'événement : "le client achète la TV" et par L l'événement : "le client achète le DVD".

- 1) Déterminer les probabilités des événements suivants.
(les résultats doivent être exprimés en fractions)
 - a) Le client achète les deux articles.
 - b) Le client achète le DVD uniquement.
 - c) Le client achète au moins l'un des deux articles.
 - d) Le client n'achète aucun article.
- 2) Sachant que le client n'achète pas le DVD, montrer que la probabilité qu'il achète la TV est de $\frac{9}{21}$.
- 3) Avant la période de soldes, la TV coûte 500 000 LL et le DVD coûte 200 000 LL.
 Durant la semaine de soldes, le magasin propose une réduction de 15 % sur les prix si un client achète un article et de 25 % si un client achète deux articles.
 Soit S la variable aléatoire égale au montant payé par un client.
 - a) Déterminer les 4 valeurs possibles pour S .
 - b) Calculer la loi de probabilité de S .
 - c) Calculer l'espérance mathématique de S .
- 4) Sachant que le client n'a pas acheté le DVD, calculer la probabilité qu'il n'a pas payé 425 000 LL. Expliquer.

III- (2 pts)

Dans la figure ci-dessous O, A, F et F' sont fixes, avec $OF'=1$, $OF=5$ et $OA=6$. Soit (C) un cercle variable tangent à (OA), (FD) et (F'S).

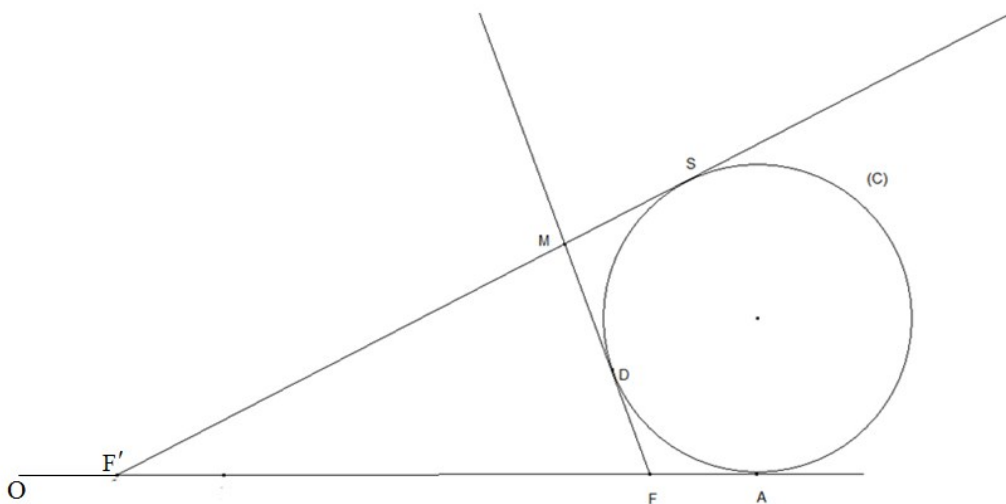
Part A

- 1) a- Calculer FD et F'S.
b- Montrer que $MF + MF' = 6$
c- Dédire que M se déplace sur une ellipse (E) et déterminer son axe focal et ses foyers .
- 2) a- Déterminer le center I de (E). Montrer que O et A sont deux sommets de (E).
b- Construire B et B', les sommets de (E) sur l'axe non focal. Calculer l'excentricité e.
c- Soit H un point sur [FA] tel que $AH = \frac{3}{2}$ et (Δ) la perpendiculaire en H à (OA).
Montrer que (Δ) est une directrice de (E)
- 3) L est un point tel que I FLB est un rectangle. Montrer que \widehat{ILH} est un angle droit.

Part B

Le plan est rapporté à un repère orthonormé $(I ; \vec{i} ; \vec{j})$ tel que $\vec{i} = \frac{1}{2} \overrightarrow{IF}$.

- 1) a- Ecrire une équation de (E).
b- Déterminer une équation de (Δ'), la seconde directrice de (E).
- 2) La perpendiculaire en F' à (OA) coupe (E) en G et G'. (Δ') coupe l'axe des abscisses en K.
a- Montrer que (KG) et (KG') sont tangentes à (E).
b- Prouver que $\frac{GF}{GF'} = \frac{KF}{KF'}$.
c- Calculer l'aire de la région limitée par (E), (KG), (KG') et (IB).



IV- (3pts)

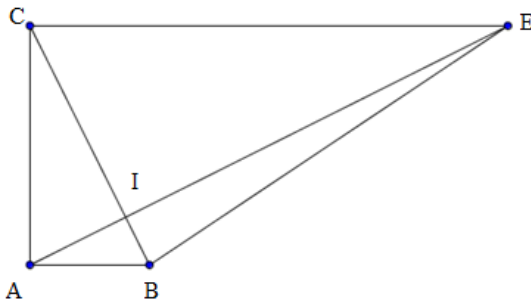
L'espace est rapporté à un repère orthonormé $(O ; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. On considère les points A (1,-2,1) et B (2,-1,3). (P) est un plan qui contient (AB) et qui est parallèle à $\vec{v}(0, 1, 1)$.

- 1) Vérifier que $x + y - z + 2 = 0$ est l'équation de (P).

- 2) Soient $E(2, 2, 0)$, et (d) une droite passant par E et perpendiculaire à (P) .
- Ecrire un système d'équations paramétriques de l'équation de (d) .
 - Calculer les coordonnées du point H projeté orthogonal de E sur (P) .
Dans la suite, on suppose que $H(0, 0, 2)$.
- 3) a- Montrer que $HA = HB$.
b- Ecrire un système d'équations paramétriques de la bissectrice de AHB .
- 4) a- Calculer l'angle formé par (AE) et le plan (P) .
b- Ecrire une équation du plan (Q) contenant (AE) et perpendiculaire à (P) .
- 5) On considère dans le plan (P) un cercle (C) de centre H et de rayon HA .
- Vérifier que $F(\sqrt{3}, -\sqrt{3}, 2)$ est un point sur (C) . Montrer ensuite que (HF) est perpendiculaire à (AB) .
 - Ecrire un système d'équations paramétriques de la tangente en F à (C) .
- 6) Soit N un point variable sur (d) . Calculer les coordonnées de N tel que le volume du tétraèdre $NABF$ soit le double de celui du tétraèdre $EABF$.

V- (3 points)

Dans la figure ci-dessous, $ABEC$ est un trapèze rectangle tel que $AB = 1$, $AC = 2$, et $CE = 4$. S est une similitude du plan qui transforme A en C et C en E . La droite (AE) coupe (BC) en I .



- Calculer le produit scalaire $(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}) \cdot (\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE})$, déduire que (AE) est perpendiculaire à (BC) .
- Montrer que 2 est le rapport de S et que $-\frac{\pi}{2}$ est un angle.
- Déterminer $S(AE)$ et $S(BC)$.
 - Déduire que I est le centre de S .
 - Déterminer $S(B)$.
- G est le milieu de $[AB]$ et H est le milieu de $[EC]$.
 - Vérifier que $H = SoS(G)$.
 - Exprimer \overrightarrow{IH} en fonction de \overrightarrow{IG} .
- Soient F la projection orthogonale de B sur (EC) et h une homothétie de centre F et de rapport $-\frac{1}{3}$.
 - Déterminer un angle de hoS et calculer son rapport.
 - Montrer que C est le centre de hoS .
- Le plan est rapporté au repère orthonormé $(A; \vec{u}, \vec{v})$ avec $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$ et $\vec{v} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AC}$.
Déterminer la forme complexe de S . Déduire z_I .

7) Soient M un point variable sur la courbe (C) d'équation : $y = \frac{2}{1+e^x}$ et $M' = S(M)$.

M' varie sur la courbe (C') = S((C)).

a- Vérifier que le milieu H de [CE] est sur (C').

b- Ecrire l'équation de la tangente (T) à (C') en H.

c- Vérifier que $y = 2[1 - \ln(\frac{4-x}{x})]$ est l'équation de (C').

VI- (7pts)

Part A

f est la fonction définie sur $]0; +\infty[$, par $f(x) = x^2 - 2 + \ln x$; (C) est la courbe représentative de f sur le repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1) Calculer $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ quand $x \rightarrow 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ quand $x \rightarrow +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ quand $x \rightarrow +\infty$.

2) a- Dresser le tableau de variation de f.

b- Montrer que l'équation $f(x) = 0$ admet une solution unique α tel que $1.31 < \alpha < 1.32$.

c- Déterminer le signe de $f(x)$.

3) Discuter, suivant les valeurs de x, la concavité de (C).

4) a- Calculer $f(1)$, $f(2)$, puis tracer (C).

b- Résoudre graphiquement $f(x) > -x$.

Part B

Soit g la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $g(x) = x^2 + (2 - \ln x)^2$; (C') est le graphe de g dans un nouveau repère.

1) Calculer $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$ quand $x \rightarrow 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ quand $x \rightarrow +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x}$ quand $x \rightarrow +\infty$.

2) Montrer que $g'(x) = \frac{2f(x)}{x}$, puis dresser le tableau de variation de g.

Vérifier que $g(\alpha) = \alpha^2(1 + \alpha^2)$.

3) Calculer $g(1)$, $g(e)$ puis tracer (C').


4) a- Vérifier que $x(\ln x - 1)$ est une primitive de $\ln x$.

b- Soit $z = x(2 - \ln x)^2$, calculer z' , puis trouver $\int g(x) dx$.

5) a- Pour $x \leq \alpha$, montrer que g admet une fonction réciproque h. En trouver D_h , son domaine de définition et tracer (C_h) la courbe représentative de h dans le même repère que (C').

b- Calculer l'aire en fonction de α de la région limitée par (C_h) et les deux droites d'équations $y = \alpha$ et $x = 5$

c- Trouver un point de (C_h) dans laquelle la tangente est parallèle à la droite d'équation $y = -\frac{1}{2}x$.

المادة: الرياضيات الشهادة: الثانوية العامة الفرع: العلوم العامة نموذج رقم - ٤ - المدة: أربع ساعات	الهيئة الأكاديمية المشتركة قسم: الرياضيات	 المركز العلمي للبحوث والابتكار
---	--	---




أسس التصحيح (تراعي تعليق الدروس والتوصيف المعدل للعام الدراسي ٢٠١٦-٢٠١٧ وحتى صدور المناهج المطورة)

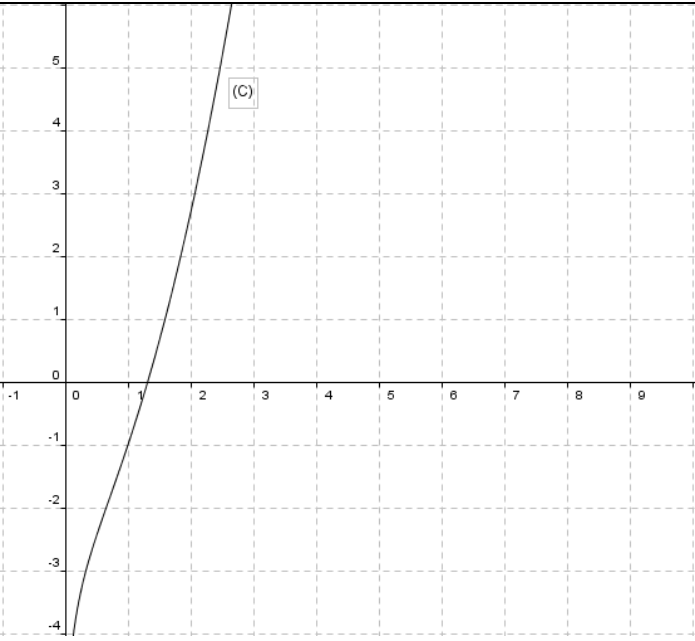
Notes sur 80

Question/ note	Eléments de réponses	
Question I		
1.a	1	$U_0 = 2 \geq 1$, supposons que $U_n > 1$. $\sqrt{U_n} > 1$, alors $U_{n+1} > 1$.
1.b	1	Puisque $U_n > 1$, alors $\ln(U_n) > 0$ et V_n est définie .
2.a	1	$V_{n+1} = \ln(U_{n+1}) = \ln(\sqrt{U_n}) = \frac{1}{2} \ln(U_n) = \frac{1}{2} V_n$ (V_n) est une suite géométrique tel que $V_0 = \ln 2$ et $r = \frac{1}{2}$
2.b	1	$V_n = V_0 \times r^n = \ln 2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n$ $\ln(U_n) = V_n$; $U_n = e^{V_n} = e^{\ln 2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n}$
2.c	2	$\frac{U_{n+1}}{U_n} = e^{\ln 2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} - \ln 2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^n} = e^{\left(\frac{1}{2}\right)^n \left(\frac{1}{2} \ln 2 - \ln 2\right)} = e^{\left(\frac{1}{2}\right)^n \ln 2 \left(\frac{1}{2} - 1\right)} = e^{-\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} \ln 2} < 1$. (U_n) est une suite décroissante et minorée par 1 alors (U_n) est convergente. si $n \rightarrow +\infty$, alors $\left(\frac{1}{2}\right)^n \rightarrow 0$ et $U_n \rightarrow 1$
3.	2	$S = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n = \frac{V_0(r^{n+1} - 1)}{r - 1} = \frac{\ln 2 \left[\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} - 1\right]}{\frac{1}{2} - 1} = -2 \ln 2 \left[\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} - 1\right]$ $S = \ln U_0 + \ln U_1 + \ln U_2 + \dots + \ln U_n$ $= \ln (U_0 \times U_1 \times \dots \times U_n) = \ln p \quad \text{Donc } P = e^S$
Question II		
1.a	1.5	$P(T \cap L) = P(T) \times P(L/T) = \frac{3}{5} \times \frac{7}{10} = \frac{21}{50}$.
1.b	1.5	$P(L) = P(L \cap T) + P(L \cap \bar{T}) = \frac{21}{50} + P(L \cap \bar{T})$ $P(L \cap \bar{T}) = \frac{23}{50} - \frac{21}{50} = \frac{1}{25}$

1.c	1.5	$P(T \cup L) = P(T) + P(L) - P(T \cap L) = \frac{3}{5} + \frac{23}{50} - \frac{21}{50} = \frac{16}{25}$.										
1.d	1	$P(\bar{T} \cap \bar{L}) = 1 - P(T \cup L) = \frac{9}{25}$.										
2	1	$P\left(\frac{T}{\bar{L}}\right) = \frac{P(T \cap \bar{L})}{P(\bar{L})} = \frac{P(T) \times P\left(\frac{\bar{L}}{T}\right)}{P(\bar{L})} = \frac{\left(\frac{3}{5}\right) \times \left(\frac{3}{10}\right)}{\left(\frac{21}{50}\right)} = \frac{9}{21}$										
3.a	1	425000 pour TV uniquement , 170 000 pour DVD uniquement , 525 000 pour deux , 0 pour rien .										
3.b	2	<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">D_i</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">170 000</td> <td style="padding: 5px;">425 000</td> <td style="padding: 5px;">525000</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">P_i</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{18}{50}$</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{2}{50}$</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{9}{50}$</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{21}{50}$</td> </tr> </table>	D_i	0	170 000	425 000	525000	P_i	$\frac{18}{50}$	$\frac{2}{50}$	$\frac{9}{50}$	$\frac{21}{50}$
D_i	0	170 000	425 000	525000								
P_i	$\frac{18}{50}$	$\frac{2}{50}$	$\frac{9}{50}$	$\frac{21}{50}$								
3.c	1	$P(425) = P(T \cap \bar{L}) = \frac{3}{5} \times \frac{3}{10}$; $P(170) = P(L \cap \bar{T}) = \frac{2}{5} \times \frac{1}{10}$ $E(D) = \sum D_i P_i = \frac{15190}{50} \approx 304000LL$										
4	1.5	$\bar{L} = (\bar{L} \cap T) \text{ or } (\bar{L} \cap \bar{T})$; puisqu'il n'a pas payé 425 000LL , alors il n'a acheté aucun article. $P\left(\frac{\bar{T}}{\bar{L}}\right) = \frac{P(\bar{T} \cap \bar{L})}{P(\bar{L})} = \frac{18/50}{27/50} = \frac{2}{3}$										
Question III												
Partie A												
1.a	0.75	a- $FD = OA = 1$ et $F'S = F'A = 5$.										
1.b	0.75	b- $MF + MF' = MD + DF + MF' = 1 + MS + MF' = 1 + F'S = 1 + 5 = 6 = OA$.										
1.c	0.75	$MF + MF' = 6$; M varie sur une ellipse de foyers F et F' et $2a = 6$ l'axe focal est (FF')										
2.a	0.75	Le centre I est le milieu de [FF']. $IO = IA = 3 = a$; O et A sont sur l'axe focal , donc ce sont les sommets de (E).										
2.b	1	B et B' sont sur la médiatrice de [FF'] tel que : $IB = IB' = \sqrt{9 - 4} = \sqrt{5}$. $e = \frac{c}{a} = \frac{IF}{IA} = \frac{2}{3}$.										
2.c	1	$AH = \frac{3}{2}$, alors $IH = 3 + \frac{3}{2} = \frac{9}{2} = \frac{a^2}{c}$. (Δ) est une directrice de (E).										
3	1	$IL^2 = 9$; $IH^2 = \frac{81}{4}$ et $LH^2 = 5 + \frac{25}{4} = \frac{45}{4}$. $IH^2 = IL^2 + LH^2$ alors le triangle ILH est rectangle en L .										

Parie B		
1.a	0.5	$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1.$
1.b	0.5	$(\Delta'): x = -\frac{9}{2}$
2.a	0.5	$G(-2, \frac{5}{3})$ et $G'(2, \frac{5}{3})$; $K(-\frac{9}{2}, 0).$ Dérivons par rapport à x : $\frac{2x}{9} + \frac{2yy'}{5} = 0$; $y'_G = \frac{2}{3} = \text{pente}(KG).$ (KG) est tangente à (E) et par symétrie , (KG') est aussi tangente à (E).
2.b	0.5	$\frac{GF}{GF'} = \frac{KF}{KF'}$ (vérification).
2.c	1	(KG) coupe (IB) en J(0,3). la moitié (aire) = aire (triangle KIJ) - $\frac{1}{4}$ aire (E). $= \frac{1}{2} \times \frac{9}{2} \times 3 - \frac{1}{4} (\pi \times 3 \times \sqrt{5}) = \frac{27 - 3\pi\sqrt{5}}{4}.$ l'aire totale = $\frac{27 - 3\pi\sqrt{5}}{2} u^2$
Question IV		
1	1	$\vec{AM} \cdot (\vec{AB} \wedge \vec{v}) = 0$; $x + y - z + 2 = 0$ (P)
2.a	1	(d) : $x = k + 2$; $y = k + 2$; $z = -k$
2.b	1	$E = (d) \cap (P)$: $k = -2$ et H(0, 0, 2)
3.a	0.5	$HA = HB = \sqrt{6}$
3.b	1	la bissectrice est (HG) avec $G(\frac{3}{2}, \frac{-3}{2}, 2)$ milieu de [AB]. $x = m$, $y = -m$, $z = 2$.
4.a	1	l' angle est HAE , ; $\cos HAE = \frac{AH}{AE}$ ou bien sin ou bien tan.
4.b	1.5	$M(x,y,x) \in (Q)$. alors $\vec{AM} \cdot (\vec{AE} \wedge \vec{n}_P) = 0$ donc l'équation est $x + z - 2 = 0$
5.a	2	$F(\sqrt{3}, -\sqrt{3}, 2) \in (P)$ et $HF = HA = \sqrt{6}$ $\vec{HF} \cdot \vec{AB} = 0$
5.b	1.5	La tangente en F est sur la droite passant par F et parallèle à (AB). $x = t$, $y = t$, $z = 2$
6	1.5	la base est ABF , alors $d(N,P) = d(E,P)$ $\frac{ k + 2 + k + 2 + k + 2 }{\sqrt{3}}$ alors $EH = 2\sqrt{3}.$ $ 3x + 6 = 6$ donc $k = 0$ ou bien $k = -4$

		Question V									
1	1	$(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}) \cdot (\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CE}) = 0$ alors (BC) est perpendiculaire à (AE).									
2	1	$k = \frac{CE}{AC} = \frac{4}{2} = 2$ et $\alpha = (\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{CE}) = \frac{-\pi}{2} + 2k\pi$									
3.a	1	S(AE) = droite passant par C et perpendiculaire à (AE) alors S(AE)=(BC). de même S(BC) = (AE)..									
3.b	1	b-S(I) = S(AE) ∩ S(BC) = (BC) ∩ (AE) = I. I est le center de S.									
3.c	1	puisque CA = 2AB et $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CA}) = \frac{-\pi}{2}$ et S(A) = C alors S(B) = A.									
4.a	0.5	S(G) = G' milieu de[CA] et S(G')=H milieu de [AC].									
4.b	0.5	SoS= homothétie (I;-4) alors $\overrightarrow{IH} = -4\overrightarrow{IG}$									
5.a	0.5	$h(F; \frac{-1}{3}) \circ S(I, 2, \frac{-\pi}{2}) = S'(\frac{2}{3}, \frac{\pi}{2})$.									
5.b	0.5	$\overrightarrow{FC} = \frac{-1}{3}\overrightarrow{FE}$ alors C = h(E) or S(C)=E alors hoS(C)=C alors C est le centre de hoS									
6	1	$z' = -2iz + b$, $z_c = -2iz_A + b$. $b = 2i$. $z' = -2iz + 2i$, $z_1(1+2i) = 2i$ alors $z_1 = \frac{4}{5} + \frac{2i}{5}$									
7.a	1	7) a) G'(0,1) est sur (C) et H = S(G') est sur (C').									
7.b	1.5	b) $f'(x) = \frac{-2e^x}{(1+e^x)^2}$ and $f'(0) = -\frac{1}{2}$ = pente de la tangente à (C) alors la tangente en H à (C') est 2 donc l'équation de (T) est : $y = 2x - 2$									
7.c	1.5	c) $x' + iy' = -2i(x + iy) + 2i \therefore x' = 2y$ et $y' = 2 - 2x$ remplace sur(C) : $\frac{x'}{2} = \frac{2}{1 + e^{\frac{2-y'}{2}}} \therefore e^{\frac{2-y'}{2}} = \frac{4}{x'} - 1$ $\frac{2-y'}{2} = \ln\left(\frac{4-x}{x}\right) \therefore eq de (C') :: y = 2\left[1 - \ln\left(\frac{4-x}{x}\right)\right]$.									
Question VI											
Partie A											
1	3	$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$ ($y'y$) est une asymptote à (C). $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$. (C) admet une direction asymptotique verticale									
2.a	1	$f'(x) = 2x + \frac{1}{x} > 0$ <table border="1" style="margin-left: 20px;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td style="text-align: right;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'(x)</td> <td></td> <td style="text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td>f(x)</td> <td colspan="2" style="text-align: center;"></td> </tr> </table>	x	0	$+\infty$	f'(x)		+	f(x)		
x	0	$+\infty$									
f'(x)		+									
f(x)											

2.b	1	<p>f est continue et strictement décroissante de $-\infty$ à $+\infty$ donc $f(x) = 0$ admet une racine unique α. $f(1.31) < 0$, $f(\alpha) = 0$ et $f(1.32) > 0$ $f(1.31) < f(\alpha) < f(1.32)$, or f est décroissante par conséquent, $1.31 < \alpha < 1.32$</p>								
2.c	1	<p>$c-f(x) < 0$ pour $x < \alpha$ et $f(x) > 0$ pour $x > \alpha$.</p>								
3	1	<p>$f''(x) = 2 - \frac{1}{x^2}$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">$\frac{\sqrt{2}}{2}$</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$f''(x)$</td> <td style="padding: 5px;">$-$</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">$+$</td> </tr> </table> <p>concavité vers le bas vers le haut</p> <p>$(\frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{3}{2} - \frac{1}{2}\ln 2)$ point d'inflexion.</p>	x	0	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$+\infty$	$f''(x)$	$-$	0	$+$
x	0	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$+\infty$							
$f''(x)$	$-$	0	$+$							
4.a		<p>Graphe .</p> 								
4.b	1	<p>$f(x) > -x$, considère la partie de la courbe (C) au dessous de la droite ($y = -x$) $x > 1$</p>								
Partie B										
1	3	<p>$\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = +\infty$ ($y'y$) est une asymptote à (C') ; $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty$</p>								

		$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x} = +\infty$ (C') admet une direction asymptotique verticale .								
2	2	$g'(x) = 2x + 2(2 - \ln x) \left(\frac{-1}{x} \right) = \frac{2f(x)}{x}$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">α</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$g'(x)$</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> </table> <p style="text-align: center; margin-top: 10px;"> $g(x)$ \swarrow $g(\alpha)$ \searrow </p> <p> $f(\alpha) = 0 ; \alpha^2 = 2 - \ln \alpha$ $g(\alpha) = \alpha^2 + (2 - \ln \alpha)^2 = \alpha^2(1 + \alpha^2)$. 8) G(3) </p>	x	0	α	$+\infty$	$g'(x)$	-	0	+
x	0	α	$+\infty$							
$g'(x)$	-	0	+							
3	3	<p>$g(1) = 5 \quad g(e) = e^2 + 1$</p>								
4.a	1	$[x(\ln x - 1)]' = \ln x$								
4.b	2	$z = x(2 - \ln x)^2$ $z' = (2 - \ln x)^2 - 2 + \ln x$ $\int g(x) dx = \frac{x^3}{3} + \int (z' + 2 - \ln x) dx = \frac{x^3}{3} + z + 2x + x(\ln x - 1) = \frac{x^3}{3} + z + x + x \ln x$								
5.a	2	<p>pour $x \leq \alpha$, g est continue et strictement décroissante, alors elle admet une fonction réciproque h ;</p> <p>$D_h = [\alpha^2(1 + \alpha^2), +\infty[$</p> <p>$R_h =]0, \alpha]$; (C_h) est symétrique à (C') par rapport à (y=x) (voir la graphe de (C_h)).</p>								
5.b	3	<p>Aire = aire limitée par (C'), x = α et y = 5</p> $= 5(\alpha - 1) - \int_1^\alpha g(x) dx$								

5.c	2	$h'(x) = \frac{-1}{2}$; $g'(x) = -2$ or $f(x) = -x$, alors $x = 1$. (1,5) est sur (C') ; (5,1) est sur C_h .
-----	---	--