

عدد المسائل : ستة  
مسابقة في مادة الرياضيات  
المدة ساعتان  
الاسم :  
الرقم :

ارشادات عامة : - يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة او اختزان المعلومات او رسم البيانات.  
-يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه دون الالتزام بترتيب المسائل الواردة في المسابقة.

### I - (2 points)

Dans le tableau ci-dessous, une seule réponse à chaque question est correcte .  
Ecrire le numéro de la question et la réponse correspondante. Justifier votre choix.

Numéro	Question	Réponses proposées		
		a	b	c
1	Soit $P(x) = 3x^2 - 2x + 2\sqrt{3}$ , alors $P(\sqrt{3}) =$	9	0	$9 + 4\sqrt{3}$
2	Le prix initial d'un article est 5 200 L.L. Après une réduction de 15% le prix sera	5 980 L.L	780 L.L	4 420 L.L
3	x est la mesure d'un angle aigu tel que $\sin x = \frac{2}{5}$ , alors $\cos x =$	$\frac{3}{5}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{\sqrt{21}}{5}$
4	Si $2x - 3 > 5$ , alors	$x + 4 > 0$	$-3x + 12 < 0$	$x < -4$

### II - (2,5 points)

On considère les trois nombres suivants **A**, **B** et **C** tels que:

$$A = \frac{8}{3} + 5 \div \left(1 - \frac{2}{5}\right) ; \quad B = \sqrt{2 - \frac{6}{5}} \times \sqrt{2 + \frac{6}{5}} \quad \text{et} \quad C = \frac{2\sqrt{75} - \sqrt{48}}{5\sqrt{2} \times \sqrt{54} - 5\sqrt{27}}$$

Dans ce qui suit, faire apparaître les étapes du calcul.

- 1) **Montrer** que **A** est un entier naturel.
- 2) **Ecrire B** sous forme d'une fraction irréductible.
- 3) **Montrer** que **C** est un nombre décimal.
- 4) **Prouver** que  $B + C = 2$ .

### III - (2 points)

1) **Résoudre** le système suivant :

$$\begin{cases} x + y = 35 \\ 2x - 3y = 0 \end{cases}$$

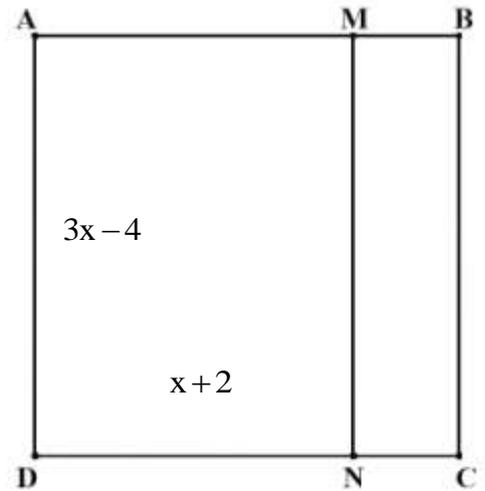
- 2) **Trouver**, en justifiant, deux entiers naturels dont la somme est égale à 35 et tel que le double de l'un est égal au triple de l'autre.

#### IV - (3,5 points)

On donne l'expression algébrique suivante :

$$E(x) = (3x - 4)^2 - (3x - 4)(x + 2)$$

- 1) **a. Montrer** que  $E(x) = 6x^2 - 26x + 24$ .  
**b. Résoudre** l'équation  $E(x) = 24$ .
- 2) **Factoriser**  $E(x)$ .
- 3) Dans la figure ci-contre :  
**ABCD** est un **carré** dont le côté mesure  $3x - 4$ .  
**AMND** est un **rectangle** tel que  $DN = x + 2$  ( $x > 3$ ).  
**a. Exprimer**, en fonction de  $x$ , l'aire  $S$  du carré  $ABCD$  et  $S'$  celle du rectangle  $MBCN$ .  
**b. Déterminer**  $x$  pour que  $S = 4S'$ .



#### V - (5 points)

Dans un repère orthonormé d'axes  $x'Ox$  ;  $y'Oy$ , on donne les points  $A(3;3)$ ,  $B(0;-3)$  et  $C(-6;0)$ .

- 1) **Placer** les points **A**, **B** et **C**.
- 2) **Vérifier** que  $y = 2x - 3$  est l'équation de la droite  $(AB)$ .
- 3) **Calculer** la pente de la droite  $(BC)$ .  
**Déduire** que  $(AB)$  et  $(BC)$  sont perpendiculaires.
- 4) **Montrer** que le triangle  $ABC$  est rectangle isocèle.
- 5) Soit **D** le point défini par  $\overline{AD} = \overline{BC}$ .  
**a. Vérifier** que le point **D** a pour coordonnées  $(-3;6)$ .  
**b. Montrer** que le quadrilatère **ABCD** est un carré.
- 6) Soit **E** le symétrique de **D** par rapport à **A** et **(G)** le cercle circonscrit au triangle **CDE**.  
**a. Calculer** les coordonnées de **E**.  
**b. Calculer** les coordonnées du point **I** centre du cercle  $(G)$ .  
**c. Déterminer** l'équation de la tangente en **D** au cercle  $(G)$ .

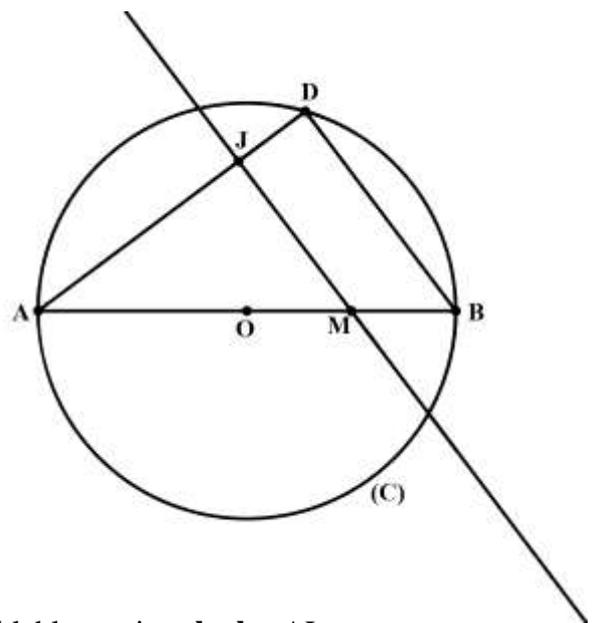
#### VI - (5 points)

Dans la figure ci-contre, on donne **un cercle (C)** de centre **O** et de diamètre  $AB = 6$  cm.

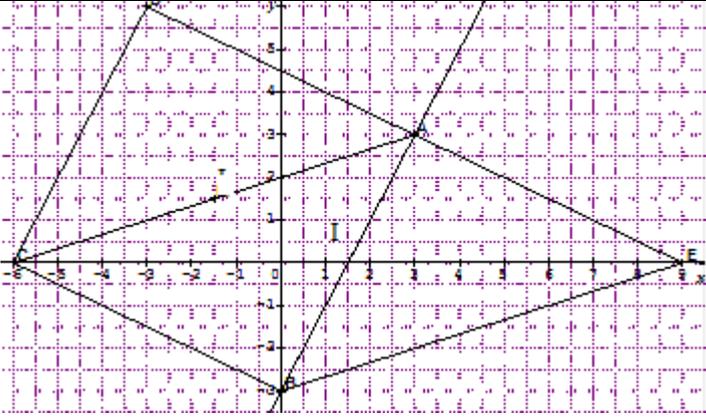
Soit **D** le point de  $(C)$  tel que  $BD = 3,6$  cm.

Du point **M** milieu de  $[OB]$ , on mène la parallèle à  $(BD)$  qui coupe  $[AD]$  en **J**.

- 1) **Reproduire** la figure, elle sera complétée dans la suite du problème.
- 2) **Montrer** que  $ABD$  est un triangle rectangle, puis **vérifier** que  $AD = 4,8$  cm.
- 3) **Vérifier** que  $AJ = 3,6$  cm et **calculer**  $JM$ .
- 4) Les tangentes à  $(C)$  en  $A$  et  $D$  se coupent en  $L$ .  
 Les deux droites  $(OL)$  et  $(AD)$  se coupent en  $F$ .  
**a. Calculer**  $OF$ .  
**b. Démontrer** que les deux triangles  $OFA$  et  $OAL$  sont semblables, puis **calculer**  $AL$ .  
**c. Calculer**, arrondie au degré près, la mesure de l'angle  $\widehat{ALD}$ .



## مشروع أسس التصحيح

Partie de la Q.	Question I	Note
1	$P(\sqrt{3}) = 9$ , alors la réponse (a)	0.5
2	le prix sera $5\ 200 \times 0.85 = 4420$ , alors la réponse (c)	0.5
3	$\cos^2 x = 1 - \frac{4}{25} = \frac{21}{25}$ , alors la réponse (c)	0.5
4	Si $2x - 3 > 5$ , alors $x > 4$ donc $-3x + 12 < 0$ , alors la réponse (b)	0.5
<b>Question II</b>		
1	$A = \frac{8}{3} + 5 \div \left(\frac{3}{5}\right) = \frac{8}{3} + \frac{25}{3} = 11$	0.5
2	$B = \sqrt{4 - \frac{36}{25}} = \sqrt{\frac{100 - 36}{25}} = \frac{8}{5}$	1
3	$C = \frac{10\sqrt{3} - 4\sqrt{3}}{5 \times 2 \times 3\sqrt{3} - 15\sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{15\sqrt{3}} = \frac{2}{5}$ donc $B+C = 2$	1
<b>Question III</b>		
1	$x = 21$ et $y = 14$	1
2	Soit $x$ et $y$ ces deux entiers d'où le système est: $\begin{cases} x + y = 35 \\ 2x = 3y \end{cases}$ alors $x = 21$ et $y = 14$	1
<b>Question IV</b>		
1.a	$E(x) = 6x^2 - 26x + 24$	0.5
1.b	$E(x) = 24$ donc $x = 0$ ou $x = \frac{13}{3}$	0.5
2	$E(x) = (3x - 4)(3x - 4 - x - 2) = 2(3x - 4)(x - 3)$ .	0.5
3.a	$S = (3x - 4)^2$ et $S' = (3x - 4)^2 - (3x - 4)(x + 2)$	1
3.b	$S = 4S'$ alors $x = \frac{4}{3}$ à rejeter ou $x = 4$ acceptable.	1
<b>Question V</b>		
1.	 <p>Figure: A, B et C</p>	0.5
2	Equation de (AB) est $y = 2x - 3$	0.5
3	$a_{(BC)} = \frac{-1}{2}$ alors (AB) et (BC) sont perpendiculaires (produit de leurs pentes égales - 1)	0.75
4.	(AB) perpendiculaire à (BC), $AB = 3\sqrt{5}$ ; $BC = 3\sqrt{5}$ alors ABC est un triangle rectangle isocèle	0.5

5.a	$\overline{AD} = \overline{BC}$ alors $D(-3; 6)$	0.5
5.b	$\overline{AD} = \overline{BC}$ donc ABCD est un parallélogramme (BC) perpendiculaire à (AB) et $AB = BC$ donc il est un carré.	0.5
6. a	$E(9, 0)$ .	0.5
6. b	$I(\frac{3}{2}, 0)$	0.5
6.c	$a_{(ID)} = -\frac{4}{3}$ donc la pente de la tangente $= \frac{3}{4}$ et par suite l'équation de la tangente est $y = \frac{3}{4}x + \frac{33}{4}$ .	0.75

### Question VI

1		0.5
2	ABD est rectangle en D car il est inscrit dans un demi-cercle de diamètre [AB] $AD^2 = 36 - 12,96 = 23,04$ d'où $AD = 4,8\text{cm}$ .	0.75
3	D'après le th. De Thales $\frac{AJ}{AD} = \frac{AM}{AB} = \frac{JM}{BD}$ alors $AJ=3,6\text{cm}$ et $JM=2,7\text{cm}$	1
4.a	F milieu de [AD] et O milieu de [AB] donc $OF = \frac{1}{2} BD$ et par suite $OF = 1,8$ ou....	0.5
4.b	$\hat{O}$ angle commun, $\hat{OAL} = \hat{OFA} = 90^\circ$ $\frac{OF}{OA} = \frac{AF}{LA} = \dots$ donc $AL = 4$	1.25
5.a	$\tan \hat{OLA} = \frac{3}{4}$ donc $\hat{OLA} = 37^\circ$ alors $\hat{ALD} = 74^\circ$	1